摛藻堂四庫

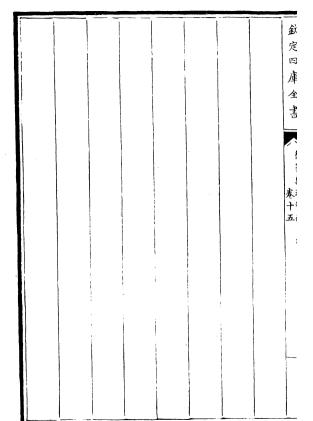
全書

薈

曾要

子部

御製數理精為下編卷十五 欽定四庫全書會要卷一萬八百三十八子部 面部五 割園屋求勾股 ~印段及里情盛下編



邉 推 切 用 図 if 割 者 圛 圛 因 曰 割 界 之法始 Ž 方 圆 翠 法内 方 易度 使 割 趙 出 45一一脚製數理精塩下 推方者人 圛 友 於 備 欽 而 方 線 要 レス 圓 翠 線切 Ž 難 17 宗客矩 墨 屢 獑 測 求 內 糸 三四 合 方 矩 編 遇 為 要 勾 劉 有 拒 盡 等 起 宋 股 者 算祖 為 説 而 而 冲 自 無 圆 圆 謂 而 數無 墨 明之 周 角 度 始 邊 内 圛 得 西 容 形 法 是 則

圂 内 有 法弦 自 自 而 餘 邊 四邊 翠 内 設 四 徑 四 半! 邉 累 邉 為 開 白 邉 至 方 自而算 股 而 得 周 法 得 四 四. 則 遇 ء 自 バス 翠 2 而 徑 為 亦

·六遇之一如是累 九五九二 半 率之句 即 去 /却製改里青盛下 股 翠 勾二 為 弦 圛 累得 外 徑 四 得五至 億 率 即 即 半| 有 萬為 餘邊小 徑 之 同 勾 即園設 同之 式 角之 式股 半 徑 翠 形 為 开ジ 2_ 股 股 而 1, 周 倍 得 亦之 同

同 主: 兩徑 為 形 法 為逼 者 勾 近或而 國自 周 倍 周別亦得 同 之 無與容三 2 图形 勾 湛 周之四 相 減 為五 Ξ 股 為勾九如 累 即 约 是 推 周 温 法六累 得 為 弦 圛 自 使五至 較 四 周園無 三 有 萬 餘邊

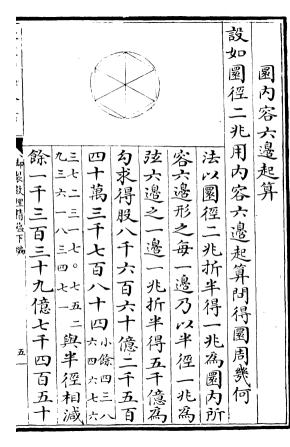
角 限 餘 限 割 則 外 之 餘 E 7年以及里方盛下高 割] [5] 正 弦 折 而 墨 對 正 割 自 得 半 四 度名由 百 墨 割 2 2 故 圛 弦 百 窓 Н. 勾 得 生 噩 开系 至 表正 度 角 餘 79 īŁ

即法 り股之用二者交公之精者中外一理な 正 弦 以之用二者交相式 以有那外一理然即 以相称考俱為相於 則 聚 周 漸變為 成两两股利可見見 直線 相 即理園 設 中割 國之體而以 人名 看 先後 為 人名 看 未 美 後 為 大 得 子

定匹庫

全書

挨線





百零五加餘的四一五二四六九六六十一百七十六億三千八百零九萬零二 之折半之

如是屢求得國內二十四邊 為二千六百一十 萬四千四百四十

億

五

百

三六萬

五千億為股

為勾六邊

求得

弦五

書

庫 全

歃 定 四

邊為六百五

十

四



四

十零沙 九七天图

内心餘零

百

危

國內四十

大邊 形 百 五萬 五六 之每

ュニ

二五

0四

ċ E e 5 È 5

一一年製數理精龜下編 三百二十

億二千三百四十六萬 萬五 形之 每 とと 六 百四



十五。

百八二三十

と四八百五七 億十九六千六七四百形

三九 三九二邊六九七

二十形如萬邊 六二四萬之七九為

语如八海加干

形二千一九六二百國八小 之三一零邊大五百六內五餘 每三九五為四八零十三九九 一と九十八九七三

三九十 百 二十國二小億 為國小一內丘餘六 四内旗億上八十四六六 一邊五三

ĥ

億 二餘

-五百三

ニと

九六

園内六千

百四十四邊

形之

百

餘

一百六十

五萬

四千

過形之每

御製數理精龜下編

四 翠

内一萬

百

五〇

ج P P

Þ

e

ξ

文



億二千

X 百

六六三四六萬

Į.

釒 兌





百 邉

三六 三

一人御製数理精蘊下編 百 百三 四 形之每 圏内

欽 定 四 庫

全書

之每 圏内 邉 為三



以十四追げ 圛

圛

四小邊 内二餘 ょ

形内二餘之一八二

每 百のと 图一小邊

内は解為七六一三四六三萬八六

カ ノー五五



形 内九八点 九百 五之九小每 圂 百

百

百 四湯

二之

八小每

五餘

编五八十形

翠

内

内 七餘 五四邊

五七百 四五九 十〇五 為 五〇

萬 ニャハ九 五七 五とと 九 四九萬 四七 ひ六 百

ニーと邊 十 九口為 萬 五五 大七千 12 四 百 万 一九萬



零三十三萬一千六百四

内 一邊為一十二萬四千八

を 一 一

六萬二

四百

九七四七四九四七

四一

百

萬五千八百二十四邊 四萬

九干

六の百五八七

六八十六一圈到

为 二餘

八邊

百

1形之每

庫 全書

歃 定 匹



為一萬五

五九

墨

内

億

百

零四

二餘

一四

八五

四

邉

开系

2

百九 寒

墨

内

四

億

零二

百

九。

百

零百六

六餘ノ

一九之零

十二邊

書

19

钦 定

車

幺



九七万

二億五四五 一五遇 九小二

四七為

内五餘邊 六七五形

二四

1=0

百四二

四四二

五九為

五六七五百

四五之 百

四 一十四邊 四五七每

零九百

争



八五二 七九千

二一四萬五六

儿

五

九千國

カム

百

零

圛

内

百



三國九小

内と餘

百五三邊

一三之

形六 と八之干

四七每九

一段美里青島下扁

o =

為

形



九一五

二四八五相九九邊億四九

之二四三得九九數千九三為 周上十十六九八與九八八 数の六萬北三其百七九百 三五七二三九每六九二

一餘八之三小十

為心小億

萬

と。百百七四一七七六一七三九一百千八。十十0四二五

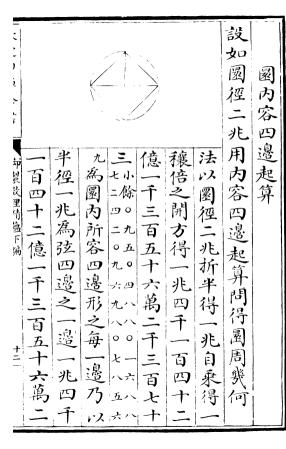
千四九一十一九十

乃九小五 以上餘十 五三儿 八九一九十百百四〇邊

徑三五千數八餘二五二三

兆山百乗二の之三七九邊

欽 定 四 庫 全 書



沆 172 盾 庄 1

쇱

為六小億七の 徑勾二餘零八

百 九四 五七二 相亦一五六五六百 一五十減即。四百六九七 一餘為四七七九八十萬二股八五十。三八十段四二八折の小

四邊之一 五五 ○九萬 九九一 九形邊九四萬半 得 0五八 百其折。四 六〇 二月十二八十十八九 七五百

十與所九〇 六三十八股成二八百零 億相之八四八

復四小九等勾四四十 為五餘十與 三六



兆内。九六為 股

三九子

五九百

為所以五百 求 弦客。四

セミ 九四六弦

> 丰 徑

蓝四小 斯五餘 形上五萬 と六四

2

百

四 折 四と一十

っと 得 のよ

五

四 六 萬 相九八 減 三六 九七 餘 六五 四

五億

歃 定 陧 庫 全 建

八。二 一餘干 為勾求得股 四八百邊。九四折 百 五 六 萬 九 七六 百 百 百 復 百二 二百 七小億 百

一餘



所 容 四五

内三

六遇

形

之每

漗

如是

四

四

四六

五六

為 图

四五萬

億

千

四

百

邊

形

之每一

遇

為

-餘

聚

六 7

四

邊

形

之每

百

仰製數理精盤下編

億

三千五百三十

十 四

四萬



漫五

百 形七六

每 五. 一萬 五九 百

之每一邊為 四百 零 四 圛 十 内 儿

七五萬 形之每 百 百 四

五 圂 と小 億 百 内 六餘 十 六二 五 <u>£</u> 邉 百 三四 图

二百五十 億 内三餘四 四五 四

五六

形五五

四



大京東京 邉 五五千 x o 0六五為 億 六 零每 三一百 圈 十 内 百 億 五 為 零 十三 图 Ξ 四小 千 内 0餘 圛 三小 二千 0九五 億 内四二五十十二六十七 四邊 九三 百 零四 千 三四 九 五七 ナ 形 五八 百

火五

温 F

前〇四

四二

五

九六五九



百

歃 定 四 庫 全 書

老十五

五

六邊形之每 万九十二遇 九八二二十二遇 萬 零六

三一百三一 ニャ 百 四 四八一邊三四 九六 九 四六萬 六六五

一七八八四四九六國九萬零三百七十五郎 六十六遇五二百為 國八小億



百三

五

圛

漫

形之每

+

為四千七百九十三萬六千八百九 一即段段里青盘下锅

上百九

萬

七四

十六邊形之每

國内六萬

五

四餘

過為九

四四 五百九十 三四

危九

百よ



百四

五八八

四

四三

百

九

十二萬四

三六 三一

邉

形之

每

遇

百

百百

四

二餘

四〇

五五 四と

29

墨

百

之每

一邊為二人小人 六五元

百

四ミと

澅

庫 全

埞 匹



五五形

九六每二九四五 干四零

翠

百三五 内上餘邊 索八

八每 為九 四七二 翠 百二百 萬 一餘邊 一八六 百

為 九 百 九 ニニュ

萬四 百 四 四-



01

0 三

三と

二六 六

墨 内

百五

四

四

百

ょ

百

五

百

零七

六九萬四八九四

萬七

六邊

形

每

千

五七 $\circ \mathcal{X}$ 上四 百 七六 五

累

内

百

六百零

四

と小之

六餘每

形

全 書

庫

定 E

鉱

灾 E Э 車 幺 き



一億

为五餘之

三と毎

四三七九百五三萬二九九

内

Ξ 墨 百

=

十

ء

形

方 0五 五三四

百

内五餘之

九七

四三每

五千

四

百

五

三國

二億六

御製數理精驗下編

一萬

零

四

百



圏内 六四五百四六十二 一餘 六三 二四每

百 國六小四億0四 内上餘邊七一六 遇 百二八十九三為四十七七之三一四一 百 零

六四七 0五 二萬萬之三 九四二 四 七百零 ニと 翠 尽



0九邊九

十五 形

為

百

六

2 四

九上六一

百七十千

五五

三二九

九.

百 五。。每百

園九小九 億九七一

大九 遇

卸製數理精 題下編 百〇五湯 千二二

七五九形

三三每 一九

ć

į

四六邊 干〇三点

萬四九

翠 四一四千 百 四

萬 ח



三百五邊

一二百四八九形

以四餘十三

百九千 ナハナ 百

百七二邊

往

盾 刍

三。今 百七十 四餘八億八一 五八三邊 九八色五八二三四五六六之千八九高三四五 内一條

與百九百八 二五其七七六八 ナー・・十

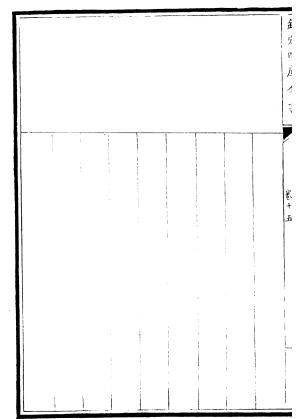
Ē e Þ Ż 5

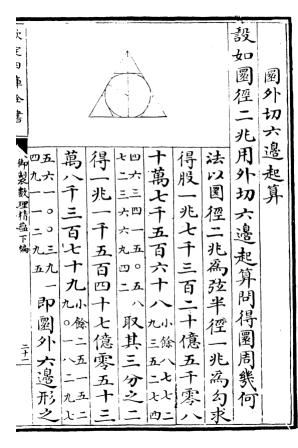
た

六九一 為三小億日

徑 0五千數 二六八五相 北七六百乗

■ 御製數理精為下編







五五千九一七五也一得邊追信每0七零五一十百邊之今之之一一九四乃股以三為邊九四十折九小十以取六分國即盖

匀に餘五九二百

干每所一一半股

力四月

欽 定 四 庫 全 書



五曲形圈 PP 同四二

五〇 式 减 故與 **#3** 餘 之 百 百

超之九萬 勾 よ 五〇 百 六邊即 四 形 弦 億

五餘 五 学上六千



百三 百五五 **と**六 三

為二小

小五餘

億 同五一

百六十二 式三二形六二 九 芝五七

股八 五四 百三 倍四六



四 百 之每 九

乙為二

干六百三十

如是

水得園

外二

五

九〇

萬

五.

百七

ء 四六 邉 三九

Ź

毎

一邊為

百

四四

0 0

七五

四 四 四

翠

五四

九五

六

百

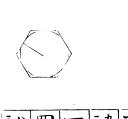
九

百

即民致里情盛下编

邊

テー



百二十五小 。四 /為三百二十 圛 一餘 外一

山萬四千 百七

圛 百六十 百零七 外三 二百 一億

九零億 百九 五餘 三六

ミニ

о <u>=</u>

百

邊边

百

老十五

欽

定四庫全

書

欽 定 四 庫 全 書 **£**. 百三 四 六邊 と四 形之 一邊 五

百 萬五百四三九二十九七十 八邊形之每 七六 七三萬 百 六一

一百六十

六邊

四九 = ٥ 九

六

と一千

九百四十零九百四十零

國餘小一

五萬

之每

為

億

百

百四

+

と

外一点四一

ハと

。國

邉

圛

外

六

干

百四

四邊

之 E e 5 2 P. 一御製數理精龜下編 萬 一形之每 百多四五 六 千 四邊 一邊為 圈 **5** ナロ 1形之每 百 百 四上二 四萬 億 澛 九 八五 O 邊為六 形四六 图 七小二 之每一邊 四 外 上餘 百 士五 九と四 萬 四七



十九四百

00

四大四 八百九一千形

每 三〇百 二九十邊 百 三二八之園小一 于〇〇萬 三一七三五五

_

百

五七千 一이九

百

九

百形

二八四邊

图》小追

外上餘為

ーニャ

百三十百六一七五萬五三八九十三五萬

Æ

欽 定 19 庫 全 書 每 寒 百 邊國二小邊 五餘為 四 外 下五之 萬 六 四ノへ 机每百 六一 百 五 とと九千 上餘一二 ロガ干 十 四五 と 四九十 四月為九大六 九 百五六百 七八九萬四の萬 五五四 每 其三十 九〇 Ł と九千 79 百六七百

ハ<u>ナ</u> o と 百 九萬九干三 外二餘 九五 干。五為六四四零一二萬六六 五ーと ニと 百四

四 萬

二九九

八九六

百

百

千

百二十

四邊

四大

翠

百

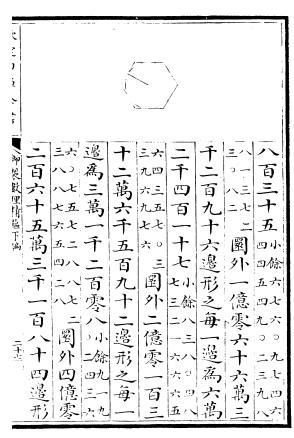
二邊

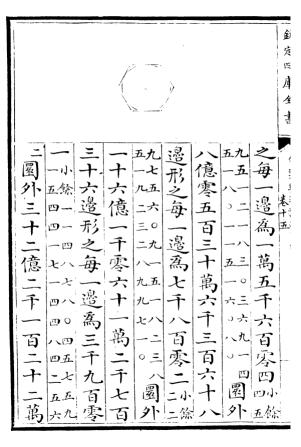
形形

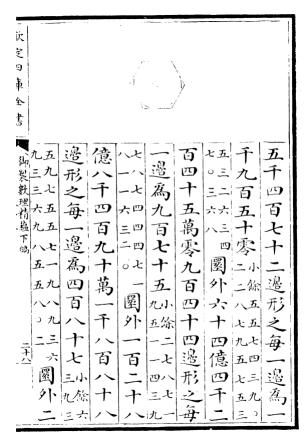
之每

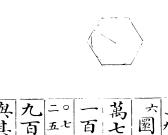
图

一干二百五十







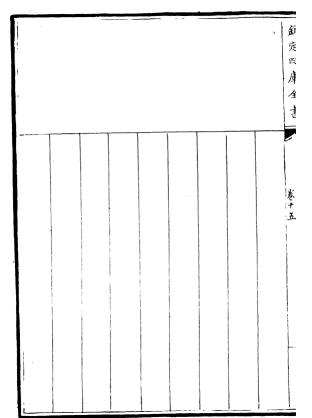


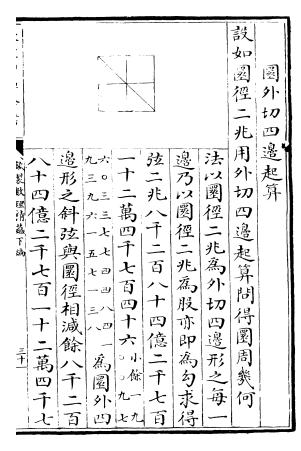
圏ルルモ五 百五七百七 ナーキ 二千外四餘十 十六十五 一四九形六 七乃八小五 干以九餘十 十三六之千 百九、邊憶六九一 百 百 五

五八六七百八一邊億 邊萬八一百 一七乃八小五百十八九餘十二五五二九二 五、七毎九 一九九形三一八邊十七八之千二七為 八小十十七八之千二七為十三餘二五三年九七十二百百七八百三九九。是三九是六六五四千 為

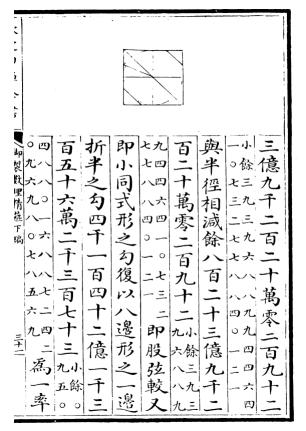
三九數千一三萬十〇九十七

周數 一御製數理精臨下編 萬七千一百七十九 北二千八百三十一億八千五百三 二為園徑二兆之 六餘 九五 數相乘得 丁九





欽 定 四 庫 全 圭 ハ大億 四小 為九〇大得八一 即 過 九。 とー 百三九 四九 四九七 萬 **19** 0 百 兆六ニナ 四 四九 億五三七 百 百 為九小 と三 四: 勾 五餘



鉑 盾 産 1 九百 億 兆 為 九 八小二式六五百推四九 得 ᅳᆖ 形ニハ三 四〇九百 四之二十 百股大〇六 率 同 九六七倍四六萬 一三八十 式形 十之 四儿七 2 とれ索 三得六一干 九 ニャー三百 スカニー

A

百六

百

四

邉 百 五五

> 四五 ょ

五〇

五

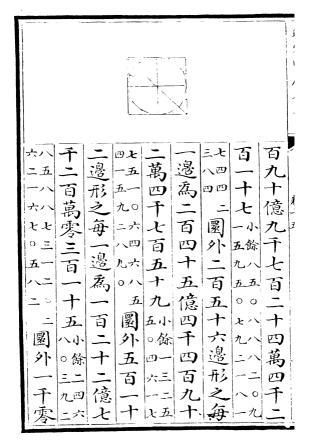
累

百四二

欴 定 19 車全 書

之 四四萬 毎 六九 邉

テナニ





.al .. d.in

ツ御製数理精無下編零八十八 三四

ニナニ

億

百

四餘 四 百 邉 萬 形 とミ Ξ Э 每

追為

四九

四三

墨

外

四邊

形之

百零

四餘

干七百六十八邊形之每一邊為一倍之二九一五五五一二一國外三萬一四十九萬五千二百零一四十九七七十四邊形之每一邊為三億八千三百十四邊形之每一邊為三億八千三百

干一百七十四萬七千五百九十

二五〇四四

國外

外一萬六千三百八十三百八十二 で

と一百

零四百三十一

一邊為七億六千

九四六

百九

庫 揰

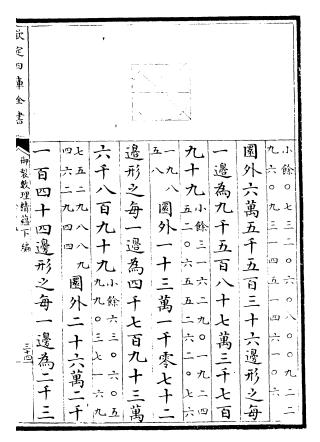
麦十五

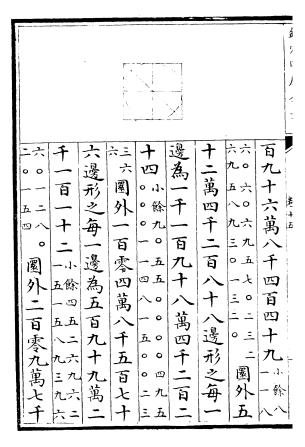
八四 *と*

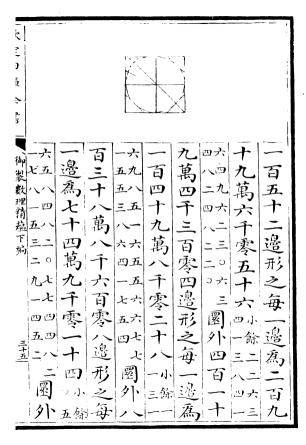
百九十二邊

釤 埞 匹

全









三國 五餘每

> 百 <u>5</u>.

九九

四四七千〇二

四四五百

九萬三千六百二十六 干六百七十 外三十三 ょっ 六十四國外九餘一 遇 七萬 為

之小形六五邊十二十七萬五三萬

三四八

六一

百一

干二百一

FL.

庫 産 1

쉷 灾 匹

欴 定 19 車 全 書 一一御製數理精龜下編 鱼 信 百 六 五餘 四萬 九六 每 億 百 形之 四 邉 四 每 為 百 百 萬 五千 Æ, 四 Б. 百



四三六

二九六每百七十千億八一一四五四八

四一五二萬〇〇

十

干八萬八四九五百

百七三千三三一十九八四九千圆三小四

六九二百二七六萬四九十四十一七

四0

四一八形十一三為四十八三之七八五萬

九九五邊

十三三百

百八

+

六 外一餘邊

九四百

六六零五

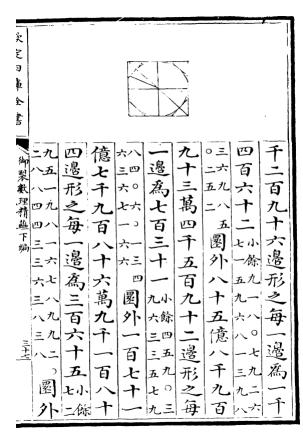
图三小

外上餘

億

とチ

形形 2 五六





湛

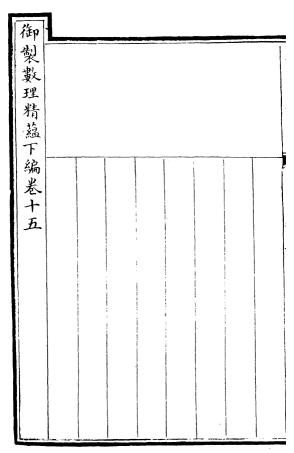
以三百四九六六四 四餘 六六邊 五. 形 每 五小 三餘 一邊 九餘 相から

數

九〇為

東

飲定四庫全書 衛製數理精益下流 數 れ 凹 為園徑二北之周 丰八



録監生

臣

國

一監生

臣

周

緯

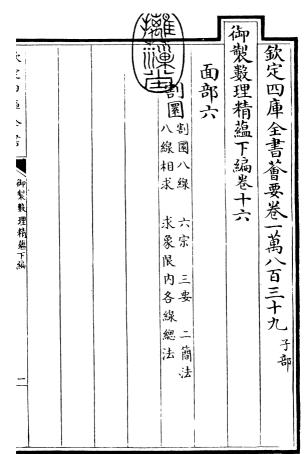
録監生臣

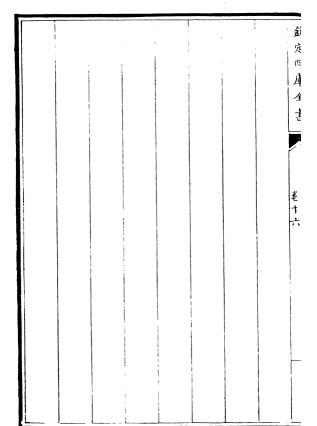
臣

張

欽定四庫全書管要 母製數理精臨下編卷十六

詳校官主事臣陳木





圆周定為三百六十度大而周天小而寸許 盖國有大小而度分隨之其為 分圛 象限之中設為正弦餘 餘割名之日割園八線 ,周為四分名日四象限 設如甲乙丙丁之國自國心戊平分全 園為甲乙乙丙丙丁丁甲四象限其每 一象限皆九十度乃自國心戊任作 印見改里情温下病 弦 江正矢餘 每一象限九十 數 則 矢正切除 同 自 肾如之 、國心平

國八線

飲定四庫全書 / 《 ~ * * * 十六 戊己半徑則將甲丁九十度之弘分為 徑平行作己辛線謂之通弦其對己丁 已為正角則已戊丁為餘角正角所對 已戊丁為正角則甲戊己為餘角甲戊 為正孫餘角所對為餘孫今以已丁為 之孤甲已為甲戊已角所對之孤如命 甲己己丁二段已丁為己戊丁角所對 正孤故甲已為餘孤又自己與甲丙全 孤而立於戊丁半徑者 日正弦又與

Ē 上 一一人御製數理精總下編 與甲戊半徑平行立於戊丁半徑之末 内滅戊與餘與丁謂之正矢於甲戊半 其為甲已餘弘之所對也於戊丁半徑 戊丁半徑平行作壬已線謂之餘弦以 及癸線謂之正割又自園界與戊丁半 作垂線仍與己戊丁角相對者曰正切 徑內減壬戌餘甲壬謂之餘矢自園界 徑平行作甲子線謂之餘切戊癸正割 將已戊半徑引長與正切相遇於癸成

割每一角一孤即有正弦餘弦正矢 被甲子餘切截於子所分戊子謂之餘 度之八線正餘互相對待為用不必復 孤之正即為正孤之餘是以前四十五 逐度逐分正弦之餘即為餘孤之正餘 於國界之外而成正切餘切正割餘割 矢已成四線於國界之內復引出半徑 求後四十五度之八線也凡此八線皆)四線內外共為八線故曰割園八線

度之正弦甲戊半徑即甲丁孤之弦 度者則不能成八線盖因半徑即九十 弧之正弦也要之八線以正弦為本有 八十度内減其角度用其餘度之八線 鈍角過九十度以外者則於半周一 切線割線為平行終無相遇之處也若 九十度以内銳角之所成若直角九十 一下文里青山下海 **按則諸線皆由此生故六宗三要皆** 如已與為己丁孤之正弦亦即乙己 百

一飲定四庫全書 係正弦之法 之一邊則為半徑所作連比例三幸之中率西法謂之 求數無零餘而理最易見此其一也四邊形之一邊則 之一邊為相當孤之通強以為立表之原故謂之宗然 邊三邊五邊十五邊名曰六宗盖用國徑求各等邊形 為半征所作正方形之對角斜弦此又其一也十邊形 六者實本於三如六邊形之一邊即園之半徑不籍他 西洋歷莫家作割國八線表始自國内容六邊四邊十 六宗三要二簡法附

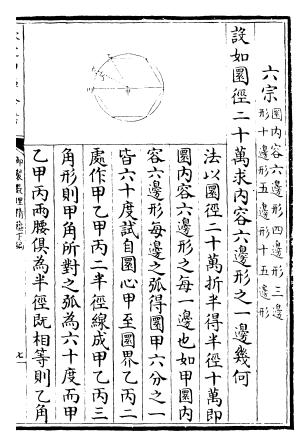
一一一体製製理情態で記

之餘殆可求倍本孤之正於餘殆亦可求半本孤之正 邊形則出於十邊十五邊形則又出於三邊及五邊非 正弦之較即得距孤之正弦是又名為二簡法由此錯 種 别 分中末線此又其一也至於三邊形則出於六邊五 定匹库全書 減就之正於又两孤距六十度前後之度等得其两 自立一法也既得此六種形之一邊各半之即得六 孤之各正孤爰命此六種孤為本孤按法可求本弘

邊形十四邊形之法俱以半在為首率 求連比例四率 来西法對數表內有該連比例四率以求園内容七邊 之弦則以比例求之因孤分甚微與直線所差無幾故 程其次一度三十分又次為二度十五分又次為三度· 九邊二法因推廣其理於六宗之外增求園内容十八 以弦求弦而得之此西法立割圜八線表之大綱也爾 如此每越四十五分而得一弦其自一分至四十四分 一 御製設理精溫下編

綜之可得正弦一百二十其中最小者為四十五分之

邊也有此二形與六宗相泰伍可得正弦三百六十其 邊又因之以生亦猶三邊之出於六邊五邊之出於十 一 金 定 四 庫 全 書 之四十五分為尤密可知矣令以六宗三要二簡法理 分之一五分之正弦所少者止一分至四分之正弦較 中最小者為十五分之正強又增一法求十五分之三 之第二率即十八邊形十四邊形之每一邊而九邊七 分中末線并新增數法皆按類具例於左 卷十六



鈁 定匹庫全書



甲乙甲丙半徑相等也乙丙弧既為六 度則乙丙邊十萬為六十度之通弦

既等則三邊亦必相等故乙丙邊即與

丙角亦必相等而各為六十度矣三角!

正苑也此即六邊起集之理前設園徑 折半得乙丁五萬即乙戊孤三十度之

一十萬所以取其便於用也

為二兆者所以求其密合今設園徑為

設如園徑二十萬求內容三邊形之一邊幾何



減餘三百億開方得股一十七萬三千

即園内容三邊

又以半徑十萬為勾自來得一百億相

以園徑二十萬為弦自乗得四百億

週園心至對界作乙丁全徑線又自丁 度為六邊形每邊孤之一倍試自己角 邊之弧得國周 三分之一皆 一百二十 形之每一邊也如甲園内容三邊形每 二百零五小爺

依半徑度至丙作丁丙線則成六邊形

一一一却製數理情溫下編







































一百零五小爺の八の為一百二十度 百二十度則乙丙邊一十七萬三千

通好折半得乙戊八萬六千六百零 一七八四〇

即乙己孤六十度之正

股即三邊形之每一邊也乙丙弧既為

必為直角故半徑為勾全徑為弦求得

邊弧之一半而丙角立於園界之一半

邊其丙丁孤即為三邊形之每

鼓定四庫全書

設如園徑二十萬求內容四邊形之一 钦定四庫全書 一人 体製製理精經下編 法以國徑二十萬折半得半徑十萬自 内容四邊形每邊之孤得園周四分之 十四萬一千四百二十 乘得一百億倍之得二百億開方得 勾股形若命甲乙半徑為股則甲丙半 即園内容四邊形之每一邊也如甲園 皆九十度哉自園心甲至園界乙丙 處作甲乙甲丙二半在線成甲乙丙 小餘三五六



ミモミ 餘三五六為九十度之通強折

乘倍之開方而得弦即如勾股各自乗 併之開方而得弦也乙丙弧既為九十 **度則乙丙邊一十四萬一千四百二十**

得乙丁七萬零七百一

小餘六七

首此 率西

即乙戊孙四十五度之正弦也

理分中末線

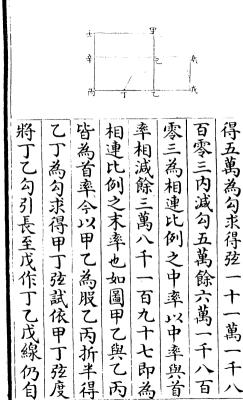
徑為勾因勾股皆為半徑故以半徑自

徑為勾若命甲丙半徑為股則甲

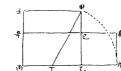
設如以十萬為首率作相連比例三率使中率末率 相加與首率等求中率末率各幾何 末率 100000 三八一九七 六一八つ三 例三率故謂之理分中分為末率與原線共為 一知良及里青島下局 | 莫之得闊六萬一千八百零三即相連 法以十萬自乗得一百億為長方積以 比例之中率以中率與首率十萬相減 十萬為長闊之較用帶縱較數開方法 之末率也此法盖因連比例三率之首 餘三萬八千一百九十七即相連比例

首率中率相乗之一長方又有首率末 率之数故首率自来之一正方積中有 率末率相乘之長方積與中率自乗之 率相乗之一長方即如甲乙為首率丙 正方積等而首率之中有一中率一末 首率相來之長方為甲丙與辛甲母與 之正方為丁戊乙丙甲丙末率與甲乙 此一正方一長方之積等而甲乙首率 乙為中率甲丙為末率丙乙中率自来

欽 定四庫全書 一一 御製製理精龍下病 自來之正方為甲乙己辛丙乙中率與 得閱為中率也 率為長比闊之較用帶紙平方法開之 首率故以首率自乗為長方積仍以首 長方形之闊即中率其長比闊之較即 與丁戊已與之長方等是以丁戊已與 **丙之正方等則甲乙己辛之正方亦必** 以等大甲丙庚辛之長方既與丁戊乙 甲乙首率相乘之長方為丙乙已疾病 +



又法以首率十萬為股首率十萬折半



積相加開方得半和於半和内減半較

得問者今此法以首率為股自乗得甲

乙丙壬正方形即與庚戊丙辛長方形

帶級較數開方法有以半較自乗與原

甲己即末率也此法與前法理實相同

一一一知於我里情值下漏

+

内減去與乙戊相等之已乙中率所餘 餘乙戊與已乙等即中率於甲乙首率

徑且皆為弦於戊丁弦内減乙丁勾所

甲至戊作一國界則甲丁戊丁同為半

設如園徑二十萬求内容十邊形之一邊幾何 戊乙即半和內減半較得問為中率也 半較自乗與甲乙自乗原積相加開方 股自乗相加開方得甲丁弦即如て 法用連比例三率有首率求中率末 使中率末率相加與首率等之法以 而得甲丁與戊丁等戊丁內減乙丁餘 即半和今以乙丁為勾自乗甲乙為 一丙即長間之較乙丁即半較戊

釕

定匹庫全書

一人却製數理精福下編 處作甲乙甲丙二半徑線遂成甲乙丙 率即國内容十邊形之每一邊也如甲 徑二十萬折半得十萬為首率自乗得 形之一邊試自園心甲至園界乙丙二 用帶縱較數開方法莫之得六萬一 之一皆三十六度其通弦即園内十邊 園内容十邊形每邊之孤得園周十分 八百零三八七四九八為連比例之中 百億為長方積以十萬為長闊之較

此乙丙丁三角形與甲乙丙三角形為

餘乙孤角 一丙之形

倍之

則て 乙角

角三

亦角

必形 等之 丙 當

為角三丙

相連比例

甲

月式其相當各邊俱成相等又同用內角, 等又同用丙角其門同式形及五角男甲 乙與乙丙之比同於乙丙與丙丁之

相連比例三率而甲て為首率て丙

三角形復自國界乙至國界戊作 角形而乙戊遂為一百零八度之通弦 則截甲丙線於丁又成乙丙丁三 卷十六

全書

匹 庫

鉑 埞

广 E 事 人馬一人御製數理精總下編 六度則乙角必比 甲角大一倍為七十 為中率丙丁為末率也又甲乙丙三角 與甲角等是則甲丁乙三角形為兩邊 形其甲角既居全園十分之一為三十 相等之三角形而乙丙丁三角形亦為 甲角等則甲丁乙三角形之乙角亦必 丁三角形之て角與甲て丙三角形之 十二度比甲角 角既為三十 六三角形之三 角 1、大一倍也, 一百八十度甲 一百八十度甲 古 也而乙丙

Ē 1 77 こ等而丁乙又與己 丙中率等則甲丁 亦必與中率等矣是以甲丁中率與丁 两邊相等之三角形也夫甲丁既與丁! 半得五萬為勾自乗得二十五億相加 為股自乘得一百億又以半徑十萬折 為十邊形之一邊也 **丙末率相加與甲丙首率等故用連比** 又法以園徑二十萬折半得半徑十萬 例三率有首率求中率法篡之得中率



十分之一皆三十六度武自國心甲至

園界乙作甲乙半 径線為股又自園心

如甲園内容十邊形每邊之孙得園周 、七即國内容十邊形之每一邊

减去勾數餘六萬一千八百零三 !

四

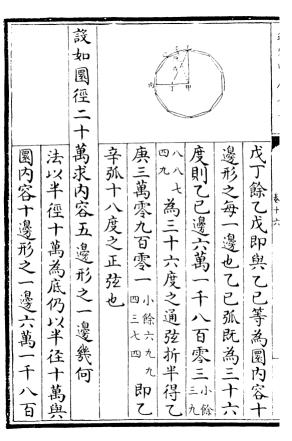
八於花數内

千八百零三八

得一百二十五億開方得強一十

钦定四庫全書 柳製數理精盤下海 為勾求得乙丁弦内減與甲丁相等之

甲取直角作甲丙半径線折半得甲丁





二五倍之得一

四五

腰用三角形

中垂線法算之得中垂線五萬八千 萬七千五百五十七 内容五邊形之每一邊也如甲園内容

七十二度試自園心甲至園界乙丙二 五邊形每邊之弧得園周五分之一皆

處作甲乙甲丙二半徑線遂成甲乙丙

二角形其乙丙邊為七十二度之通弦

即 製理精總下福



戊此乙戊線為甲乙丁三角形之中垂

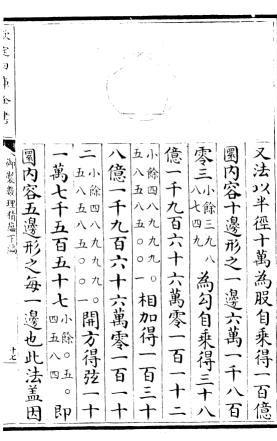
線即五邊形每邊之一半故以甲丁半 径為底甲で半徑為大腰で丁十邊形 為五邊形之每一邊也 之一邊為小腰求得乙戊中垂線倍之

乙丁三角形而甲丁線平分乙丙線於

心甲至園界丁作甲丁半徑線又成甲 丁線即園内容十邊形之一邊仍自園

如以乙丙孤七十二度折半於丁作乙

欽定四庫全書 |

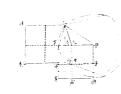




於已作乙已線成乙已丁三角形與甲 國心甲至丁作甲丁半徑線遂成甲乙 **乙丁線即園内容十邊形之一邊仍自** て丁三角形為同式形故甲て為首率 丁三角形又依乙丁線度截甲丁半徑

方積等故用勾股求弦之法莫之如甲 園内容五邊形将乙丙弧折半於丁作

半徑自來十邊形之一邊自來兩自來 方積相併即與五邊形之一邊自乘之



度作乙丙癸壬正方形其甲庚辛丁正 辛丁正方形又依己丙五邊形之一邊 方形内甲子丑已 為乙丁歿自乗之

每邊之半為股丁戊末率之半為勾乙 中率為強試依甲丁半徑度作甲唐

於戊又成乙戊丁勾股形乙戊五邊形

>等為中率而て丙邊平分已丁末率

て丁為中率已丁為末率甲己亦與ア

正方甲已既與乙丁弦等故甲已寅辛 虾 製數 理情艦下編

2

. . .

金 埞 匹 庫 生 達

等正 而 子魚寅五 首原 率與 亦 強し 相甲 乘丁

長

す

形

為

弦 Ó

自 首

與率

乙等

李

已

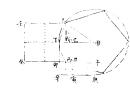
弦

自乗之

長魚 辛 之 方長為寅 與卯 正方 白乗之甲 少方戊辛乙長 勾形丁卯丁方 内 自為勾正中形 乗し自方率為 少 勾 首 東形自 自 辛 四弦之而東率 乗 正自四丑之典 之

自乘之三正方而 少勾自乗之四 方 形 内 則 有

方乗正寅正末 四 也之方辛方率 故卯等相 正 方 子正内桑 唐方|却之|子盖



四正方内少勾自乗之四正方即與股

自乗之四正方等而乙丙一邊自乗之

四正方然則甲丁半徑自乘方與乙丁 こ 两癸壬正方形實為乙戊股自乗之

1. ALS 一一一一一脚製 里情温下漏

正方股自東之一正方令弦自東之

大凡弦自来之正方内原有勾自来之

自来之四正方而少勾自乗之四正方

方再加て丁弦自乗之一正方共得弦

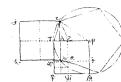
十邊形之一邊自乗方相併既與乙戊

Ĝ

3

ĸ





邊形之一邊自乗之兩正方等乎故以 之正方豈不與甲丁半徑自乗乙丁十

縦較數開方法莫之得長一十六萬 方積仍以半徑十萬為長闊之較用带

千八百零三八七四九

勾求得弦而為五邊形之一邊也 又法以半徑十萬自乗得一百億為長

甲丁半徑為股乙丁十邊形之一邊為

股自来之四正方等而乙丙一邊自乗

灾

戽 生き



五邊形每邊之垂線乃以半徑十萬為 **社園心至五邊形每邊之垂線為股求**

得勾五萬八千七百七十八 一倍之得一十一萬七千五百五十

一天,知以及里肯區下為

半於丁作乙丁線即園內容十邊形之

邊仍自國心甲至丁作甲丁半徑線

邊也如甲國内容五邊形將乙丙弧折

。即園内容五邊形之每一

五小 二餘 二五

為自國心至

為首率乙丁為中率已丁為末率甲己 亦與乙丁等為中率而乙內邊平分已 丁末率於戊是以已戊與戊丁俱為半

末率而甲戊自國心至邊之垂線則為 自来為長方積開帯縦平方得長乃首 一中率半末率之共數令以半徑首率

形與甲乙丁三角形為同式形故甲乙

成甲乙丁三角形又依乙丁線度截甲 丁半徑於已作て已線成て已丁三角

新定四庫全書

倍之得乙丙即國内容五邊形之一邊

至邊之垂線既得甲戊垂線乃以甲て 半徑為弦甲戊垂線為股求得乙戊勾

率與中率之和其內有两中率一末率

折半得一中率半末率即甲戊自國心

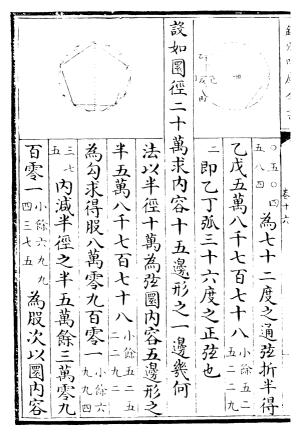
勾求得乙戊股倍之亦即園内容五邊 形之一邊也て丙弧氏為七十二度則 也或以乙丁中率為發戊丁半末率為

乙丙邊一十一萬七千五百五十七

△ 上了一一一柳製數理精蘊下編

5

たこり







折半得二萬七千八百二十

一五為勾求得弦四萬

四五餘五萬五千六百四十

一萬七千五百五十七

一邊形之一邊一十七萬三千二百零 。内減園内容五邊形之

~知製及里青塩下編

形每邊之弧得國周十五分之一皆二

形之每一邊也如甲國內容十五邊

三三八即國内容十

鉑 **应四庫全書** 與己丁二段皆為十五邊形之孤故以 邊弧分五段五邊形之每一邊弧分三 十四度武從國界乙作國内容三邊形 或壬唐等復於三邊形之戊已邊内涵 邊之垂線為半徑之半 餘辛丙與癸丁 得甲丙股内減甲辛自國心至三角底 段即得十五邊形之每一邊孤如戊庚 又作園内容五邊形將三邊形之每一 甲丁半徑為強丁內五邊之半為勾求



為二十

餘三三

於非得已子二萬零七百九十

ŗ E

THE AL ALIA I 一御製數理精龜下編

八為二十四度之通

癸餘戊壬與癸已二段折半得癸已或

)形之原丁邊即如戊己線內減

戊壬為勾求得已丁茲或戊庚發即園 戊壬令任以癸丁或壬庚為股癸已或

内容十五邊形之每一邊也已丁弧既 四度則已丁邊四萬一千五百

九。即已五孤十二度之正弦也

二 十 三

増 カロ 與二率三倍等問二率三率四率各 萬為一率作 按分作相連比 一法以一 得三百億 十七兆為共實按除法以所得三萬 兆得三萬乃以三萬自乗再来得 兆益於原實一千兆內得一千零 為實又以 率十萬自乘再來得一千 例 連 ٤Ł 四率 例 率十萬自乗三因 為法以除原實 四 率使 兆



アルノス里山りっちころ

又减次位所得四千與法三百億相

萬合次位所得四千共三萬四千旬乗

再乗得三十九兆三千零四十億仍益

於原實一千兆內得一千零三十九

千零四十億為共實按除法減首位

得三萬與法三百億相因之九百兆

三百億除之得四千乃以首位所得

餘一百二十七兆為第二位實以法之

法三百億相因得九百兆與共實相

-<u>: 九:0四</u>ののののの -<u>: つの</u>のののののの -<u>: こののの</u>ののののの い一九三の四のののののの

於原實一 數為七百合前兩位所得三萬四千 三萬四千七百自乘再乗得四十

八百一

十九億二千三百萬仍

千兆内得

千零四十

除法減首位所得三萬與法三

八百一

十九億二千三百萬為

得六百所餘太多因益積故取畧大

全書 億為第三位實以法之三百億除之

百二十兆餘一

欽 定 四 庫

十九兆三千零四

億相因之九百兆又減次位

所得四千

與法三百億相因之一百二十兆又滅

一位所得七百與法三百億相因之

兆餘七千八百一十九億二千三

得二十合前三位所得三萬四千七百 共三萬四千七百二十自乗再乘得 百萬為第四位實以法之三百億除之 兆八千五百四十二億一千零四

萬八千仍益於原實一千兆內得 却製數理情為下納

減次位所得四千與法三百億相因之 一百億相因之二十 百二十兆又減三位

所得七百與法

兆又减四位

得二十與法三百億相因之六千億餘

五百四十二億一千零四萬八

為末位實以法之三百億除之得

得三萬與法三百億相因之九百兆 零四萬八千為共實按除法減首位

零四十

兆八千五百四十二億

生き

175 A

金 灾

合前四位所得三萬四千七百二十 三萬四千七百二十九自乗再乘得四

餘亦太多因益積仍取累大之數為

實 四十萬零二千四百八十九 仍益於原 兆八千八百六十七億六千六百

千兆内得一千零四十一兆八

中リシー又里青日日下海

百六十七億六千六百四十萬二

四百八十九為共實按除法以五次

數與法相因之數遞減之仍餘

1

百二十九為相連比例之二率也以二

率之三萬四千七百二十九自来得 十二億零六百一十萬三千四百四十

以一率之十萬除之得一萬二千零

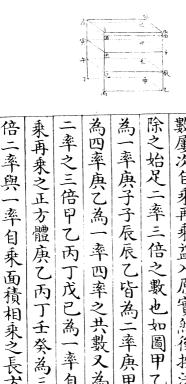
十七内減去一率之十萬餘四千一 百二十九三倍之得十萬四千一百

一為三率以二率之三萬四千

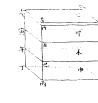
飲定四庫全書 百八十九不盡是共除得三萬四千七 百六十七億六千六百四十萬二千四

在专妻五年六

大三日事全事 /■/御製數理精編下編 = 100000 三四七二九 一二の六一 四一八七 零六十一自乗以二率之三萬四千七 連比例四率之理一率自乗用四率再 法止有一率之數作相連比例四率使 為四率也此為益實歸除之法盖因此 百二十九除之亦得四千一百八十七 東與二率自東再東之數等今立法以 八十七為四率如以三率之一萬二千 一率與四率之共數與二率三倍等而 率自乗再乗為原實較之三倍二率 主



為一率與子子辰辰乙皆為二率與甲 除之始足二率三倍之數也如圖甲乙 數屬次自來再來益入原實然後按法 為四率與乙為一率四率之共數又為 二率自乗再乗之數故以累除所得之 二率之三倍甲乙丙丁戊已為一率自 率自乗之面積相乗之數却少



比

一率自乗再乗之

體得合三平

正方體多一無甲西戊壬癸扁方體

體來

扁方體即一率自乗用四率再乗之數

東之正方體即如於甲乙丙丁戊已正

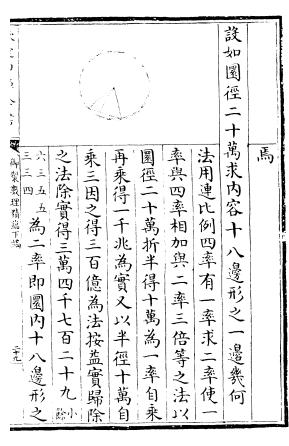
一庚甲酉戊壬癸之扁方體

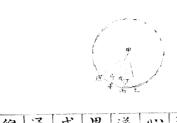
オ體上加っ

成真乙丙丁壬癸之長方體而以一率

與二率自来再乘之積等若於一率自 東再東之正方體内加入二率自乗再

飲定四 庫全書 增而得數亦漸大渡及末位則所少 子或子辰或辰乙為二率若不加積 午未及子丑寅卯三方面除之必得庚 自乘之乙丙丁申方面除之必得與乙 積已足而除得之數即為二率之全數 以三方面除之則所得仍為一率之 為二率之三倍茍合て丙丁申與辰巳 之數屢次自来再来益入原積則積 分之一比二率數必小故以屢除所得





界唐作一乙庚線則截甲丙線於戊又 遂成甲乙丙三角形復自園界乙至園 心至園界乙丙作甲乙甲丙二半徑線

成乙丙戊三角形而乙庚為六十度之 線之丁作一丙丁線則又成丙丁戊三)弦復自國界丙按丙戊線度至乙魚

通於即國内十八邊形之一邊試自園 之孤得園周十八分之一皆二十度其 邊也如甲國内容十八邊形每邊

白き

4

金

Ċ ? į ۲ 5

丙徑角之

之内形丙三又形魚

各戊之丁角與之丙

甲戊形甲乙巯

角三之乙角

為角丁丙與

等同相形丙三甲丙

形

同

走

角丙

與乙丙之比 Ξ 角 相當各邊俱 與 此 角 三行丁 角則戊等角

角三

互角

相形

成

相

連

比為 丙與丙戊之比又 相

連 比 例 四 率 同

同 於 て 於 而

丙與丙戊之比 八丙ご 甲 戊與戊丁

乙為一率 比 而用對之線角 例 為戊蜡丙與形 丙之 故 同 角 角角甲同 甲 式是亦與辛用 角 則 形此必甲半丙形

쉷 **克匹庫全書**



與丁戊四率相加方與乙丙二率之三 倍而少一丁戊四率也必以乙庚一率

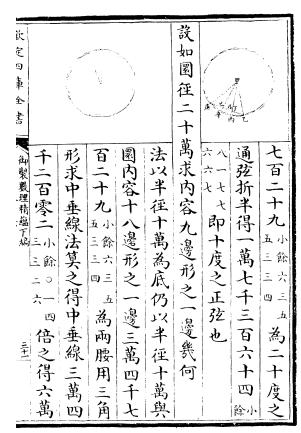
倍等故用連比例四率有一率求二率

法莫之得二率為十八邊形之一邊也

乙丙弧既為二十度乙丙邊三萬四千

率等是乙與一率中有乙丙二率之三

等而乙戊丁已已與三段皆與乙丙二 丙為二率丙戊為 三率戊丁為四率也 又乙與為六十度之通弦與甲乙一率





試自園心甲至園界乙丙二處作甲乙 甲丙二半径線遂成甲乙丙三角形其 四十度折半於丁作乙丁線即園內容 **て丙邊為四十度之通を如以て丙**

弧

丁作甲丁半徑線又成甲乙丁三角形 八邊形之一邊仍自園心甲至園界

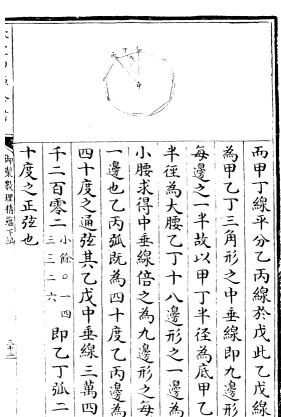
八千四百零四

Ь

即國内容

九邊形之每一邊也如甲園容九邊形

每邊之孤得國周九分之一皆四十度



設 三率四率各幾何 ンソ 分作 十萬為一 加與二率两 相連比 得二百億 法 一率 得五萬為盡數因減實大於益實故 略小之數為四萬乃以四萬自來 方為實又以一率十萬自乗二因 ソソ 作 例四率又 倍 率十萬自乗再乗得一千 再 相 成二平 為法以除原實 連 加一三率之數等問 It 法 例四率使 一率與 . 兆 四

鱼灾

175

庫

生き

一 御製數理精益下編

乃以首位所

自乘得

百六十兆於益實內減

ぇ

餘九

百

零四

兆為正實按

除

法以

所得四萬

餘

百億除之得五千 百零四兆為第二位實以法之

取 略

۱)،

之

百百

億

相因得八百

兆

與正實相

来得六十四兆益於原實

一六億 以一率十萬再

千零六十四兆 為益實復以所得 千兆内

得四萬合次位

為益實復以所得四萬四千自乗得

千零八十五兆一千八百四十

九億三千六百萬以

一百九十三兆六千億於益實內減

為正實按除法減首位

所得四萬鱼

餘八百九十

一兆五千八百四十

二百億相因之八百兆又減次位所

千共四萬四千自乘再乗得八十五

千八百四十億益於原實一千

洮 内

00 ==== -- 4000000 -- 4000000 000000 -A \mo 30000

法之二百億除之

得五百合前两

兆五千

八百

四

億為第三位實

一百億

相因之

兆餘

得四萬四千

、四萬四

千五百白桑

二百

北内得

再乗得八十八兆 千五百萬益於原實

二百百

億

五百萬為益實復以所得四萬四 八兆

百自乘得

九億八千零二十

三五

和製数理精強下納

٠

ì

0AA-=--= #656666 ご大八つ三五のこうらうらうらう

ひんれてられたコニものののこのの

百

億

相

因之

百

兆

又

减

次

位

肵

正實

按

除

法减

首

位

所

得

四萬

四

百億

相

因 之

ハナ

洮

又

位

肵

五

百 與

百

億

相

因

四位實以

百

億除之

餘

百六

億二千

五

百萬

兆零九

百

六

億

1_

台

百

五十億

於益實內減

餘

再

百

九

全 書

庫

鉱 定 匹

ķ E 9 5 ーのベスー例のベスの一上だり方面 ーガスで六の六の一人のCCCで Cベオンの八面二八八五三六の六四 2

#0000 c

3660 36600

- 001 \$ - 1 30000 - 000000 **6**0000 000000 == 3000000

四

為

末位

合

四

位 所

四萬

四 萬

四

五

百

零四

自

兆

四

百

四

四

光四

位

. 為空

位

億 五百空十

於原實

四 年製數理精 塩下納 五百零四白乗得

5

四百四

零六十四為 一千 兆 内

億 得

益實復 零 Бĥ

億

三十五

往 乊 Ľ Ē 亙 -

四回五二四

-00000 -00000

八八一四四 入れの一三方の方四 - 〇八八一四四八九〇一二六〇六四 ニんれつぎさんぐーたちゅうらら の八九〇〇八四二八八五三六〇六四

餘

百

億

百

五

 \mathbf{L}

兆 百

所

餘 四 四為

相

百四 萬 零 於益實

億 盡 四 為 億 内 相 减 百 因 E 之

例 實 五 數 四 遞減 四 ク

百九十 兆 零 百

主 三 四四五〇四 一九ハッ六 八八一四 率之十萬除之得一萬九千八百零六 億八千零六十萬六千零一十六以 之四萬四千五百零四自乗得一十九 為三率以二率之四萬四千五百零四 率之十萬餘八千八百一十四為四率 相加得十萬八千八百一十四減去一 二因之與三率之一萬九千八百零六 以二率之四萬四千五百零四除之亦 如以三率之一萬九千八百零六自來

₹、中心是里有為下病

=+-

飲定四庫全書 四 四四五〇四 一九八二六 ハハー四 率之共數與二率兩倍再加一三率之 率之數作相連比例四率使一率與四 實無減實歸除之法盖因此法止有一 得八千八百一十四為四率也此為益 數等而相連比例四率之理一率自乗 用四率再乗與二率自来再乗之數等 乗再乗為原實較之二率加倍與一率 用一率再來之數等今立法以一率自 率自東用三率再東與二率自東

火 E 事 全 書 一墨 御製數理精為下編 乗四率再乘之數又多一一率自乘三 率再來之數故以屢除所得之數屢次 然後按法除之始足二率两倍之數也 數屢次自來以一率再乘與益實相減 自来再乘益入原實又以屢除所得 自乗之面積相乗之數却少一一率自 辰乙為三率與甲為四率與乙為 四率之共數又為二率兩倍再加一三 國甲乙為一率與子子辰皆為二 三十七

Ep 率之共數甲乙丙丁戊己為一率自來 多一無甲酉戊壬癸扁方體此扁方體 率自来面積相東之扁方體多一辰乙 再来之正方體與乙丙丁壬癸為兩倍 丙丁午未扁方體此扁方體即一率 率自来再来之積等比兩倍二率與一 之長方體比一率自来再乗之正方體 二率併一三率與一率自來面積相來 率自来四率再来之扁方體與二

戊壬癸之扁方體減去辰乙丙丁午 之扁方體成一魚辰巳午壬癸之扁方 甲乙丙丁戊已正方體內加入與甲酉

體而以一率自乘之辰已午未方面除

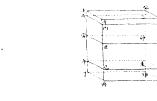
減去二率自來一率,再來之數即如於

正方體內加入二率自乗再東之數再

率再來之積等若於一率自來再來之

乘三率再乘之扁方體與二率自來

之必得原辰為二率之兩倍苟合辰已



屢次自乗再乗益入原積復以屢除所 得之數自乘用一率再乗逐層與原積

相减遞及末位則所少之積漸足所 之積漸消而除得之數即為二率之全

比二率數化大故以屢除所得之數

方面除之則所得仍為一率之二分之

或子辰為二率若不益少減多而以二 午未子丑寅卯二方面除之必得魚子

談 飲定四庫全書 如國徑二十萬求內容十四邊形之一邊幾何 御製數理精龜下編 萬為一率自乘再乘得一干兆為實又 法用連比例四率有一率求第二率使 按益實無減實歸除之法除實得四萬 以半徑十萬自乘倍之得二百億為法 三率等之法以國徑二十萬折半得上 園内十四邊形之每一邊 也如甲園内 四千五百零四十 率與四率相加與二率两倍再加 八六為二率即 二十儿



試自園心至園界乙丙作甲乙甲丙二

半徑線遂成甲乙丙三角形復自園界 於戊又成乙丙戊三角形復自國界丙 按丙戊線度至乙庚線之丁作一丙丁 て至國界原作一て與線則截甲丙線

線則又成丙丁戊三角形此三三角

有餘其通弦即國內十四邊形之一邊

容十四邊形每邊之弧得國周十四分

之一皆二十五度四十二分五十

成 連 左

甲

角

呉

乙角

孤之

戊形甲角

丙

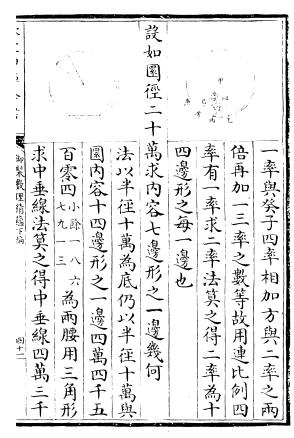
丙與丙戊之 而 丙戊與戊丁 甲乙為一率て 、丙、 為二率丙戊 為

つ中心之里問言いる

為角與 例 故 同形乙角 Et 甲 式之丙 て與乙丙 2 形各 也角 丙 ت 其 與 角 丙 相 相

Ŧ'n 為角 TIE 之比同 戊之 當 連比 同相形丙角 各 用 對 之線形 例 比 錯丙與同 於 角角

飲定四庫全書 /▼ 卷葉里見者為了点 三率戊丁為四率也又按乙戊度作五 等其甲子癸戊皆與乙丙二率等而癸 戊線與丁丙平行則截甲乙線於壬乃 成壬癸子一三角形與丙丁戊三角形 壬戌癸兩三角形與乙丙戊三角形等 自壬與乙丙平行作壬子線復自壬與 二率一三率而少一四率也岩以甲丙 乙戊平行作壬癸線則又成甲壬子與 子與丁戊四率等是甲丙一率內有两



鈁 定 庫 生 重 容七邊形之每一邊也如甲國容七邊 三百八十八 半在線遂成甲乙丙三角形其乙丙邊 六千七百七十六小 為五十一度二十五分四十二秒有餘 心甲至園界乙丙二處作甲乙甲丙二 形每邊之孤得國周七分之一皆五十 之通弦如以乙丙孤五十一度二十 度二十五分四十二秒有餘試自園 餘 一倍之得八萬 六十即國内四七即國内



甲至國界丁作甲丁半径線又成甲乙 即園内容十四邊形之一邊仍自園心

丁三角形而甲丁線平分乙丙線於戊

此て戊線為甲て丁三角形之中垂線

即七邊形每邊之一半故以甲丁半徑

為底甲乙半径為大腰乙丁十四邊形

之一邊為小腰求得乙戊中垂線倍之

為七邊形之每一邊也

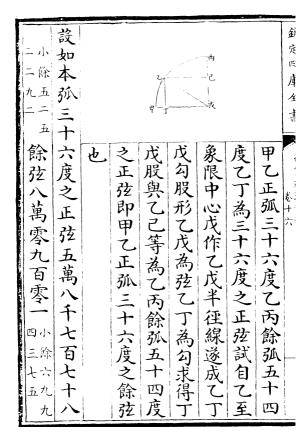
中以及里青島下編

四十二

分四十二秒有餘折半於丁作乙丁線

|飲定四庫全書 |《在其其本本

設 į ۶ 餘弦 求 餘 度 **脚製數理精溫下編** 餘 ンス 五十 Ξ 弧 d. 倍弦 如甲 五 正 四度之 餘 弦 弧末 度 五 四 五 Ź 零 丙 度之正 萬八千 正弧 ħ 正 JE. 九 強之 弦 弦 百 餘餘 五萬 度 零 勾半 即 弦 硅硅 さ 四十三 幾 百 有有 徑 九小 本 本 何 度 弧弧



孤七十二度之正 百五十二 萬八千七百七十八小 法以半在十萬為 一度之正弦也求 一百零五 五四三 正弦五萬八千七百七十八 本弧之餘強八萬零九百零一 餘弦各幾 求得四率四萬七千 餘 五 四五 弦 則 倍之得九萬 弧之正 倍 孤七、 弦 六

三十六度之正弦庚乙 七即倍孤七十二度之餘弦也 度倍之為甲丁 **两九十度之一象限其甲乙孤三**

セ

十二度乙已

為三十六度

萬九千零九十八 十萬相減餘三萬零九百零一九人萬九千零九十八小餘二四。與坐千五百四十九一八八十餘三四。與坐 自乘以半

得

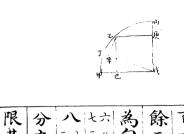
除之得三萬

釦 埞

戽

钦定四車全書 一一一 仰製數理精為下納 同式两勾股形其戊乙己勾股形之戊 已平行作辛癸線遂成戊て已戊辛 **弦其甲辛戊甲癸辛為同式兩勾股** 為甲丁七十二度之正弦也又如求餘 形之戊辛弦與辛癸勾之比為相當比 乙弦與乙己勾之比同於戊辛癸勾股 安市為丁年之半 故倍之得丁壬 四率而辛癸與子壬等為丁壬之半 丁去為七十二度之正於武與

如本孤四十五度之正弦七萬零七百一十 孤二十二度三十分之正弦幾何 餘弦 亦七萬零七百一十一小 與甲戊半往相減餘壬戊與丁五等癸倍之得甲壬盖甲丁為甲奔之倍 之比同於甲癸辛勾股 其甲辛戊勾股形之甲戊茲與甲辛勾 甲丁七十二度之餘弦 甲癸勾之比為相 連 rt 例三率既得 也 形之甲辛弦 一餘 八六 カセーナ ハガル 與 即 求と除 甲 則



本弧之正弦

弧之餘

強七萬零

徃

柏

八餘

萬零七百

餘二萬九千二百 得弦 四 五四 七萬六千五百三十

弦 三即 如甲乙

半

弘二十二度:

百六

丙九十度之

限其甲乙弧四十

五度

、折半為丁て

四十六

一一御製數理精福下為

P.

٨

Þ

欠 ع 9



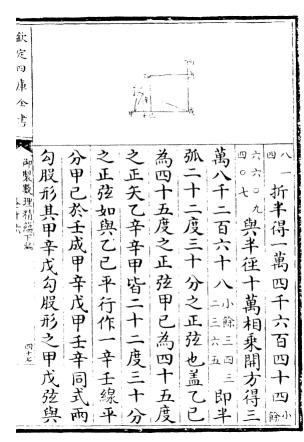
勾乙已為股求強得乙甲為四十五度 通強折半得て辛即丁て二十二度

相減餘二萬九千二百八十九 零七百一十 三十分之正弦也 捷法以本孤四十五度之餘強七萬

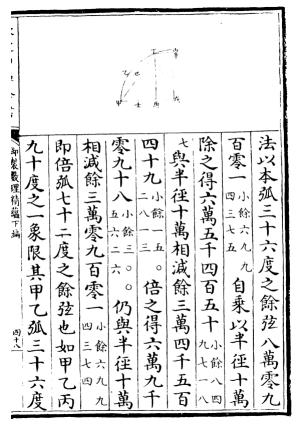
殆於戊甲半徑内減去戊已餘已甲為 正殆戊已與庚乙等為四十五度之 二度三十分乙已為四十五度之

餘

Ŀ



新 本 孤三十六度之餘 増有本孤之餘弦求倍孤之 餘 弦 二度三十分之正弦也年自来之積相等開方得甲辛為二十首率甲戊與末率甲壬相乗與末季甲 孤七十二度之餘弦幾何 六度之餘弦八萬零九百零一 首率甲戊與末率甲壬相乗為本事成 甲辛勾之比同於甲壬辛勾股形之甲 方得甲辛為二十 餘 弦 及半孤之 九餘



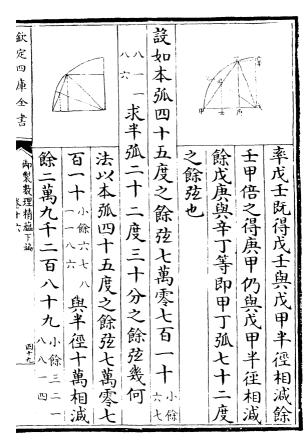


戊已股之比同於已壬戊勾股形之戊 已壬垂線遂成甲己戊己壬戊同式兩 中率戊已自乗以首率戊甲除之得 勾股形其甲已戊勾股形之戊甲於與 度之餘弦與戊與等試自己至壬作) 旌舆戊壬股之比為連比例三率

與為七十二度之正弦辛丁為七上

定四庫全書 六度之正弦戊己為三十六度之餘弦 倍之為甲丁弧七十二度丁已為三十

歃





千三百五十五小 七百一十 其甲乙弧四十五度折半為丁乙弧 十二度三十分乙已為四十五度之 。與本孤四十五度之餘弦七萬零 餘弦也如甲乙丙九十度之一衆限 五一一二即半孤二十二度三十分 相乗開方得九萬二 · 一餘 ハ六

千三百八十

三九與半徑

相加得八萬

一萬四千六百四十四

六小



折半得己壬再與戊己相加得戊壬試 五度之餘弦與戊甲半徑相減餘己甲

壬戊同式兩勾股形其甲辛戊勾股形 自辛至壬作辛壬垂線遂成甲辛戊辛

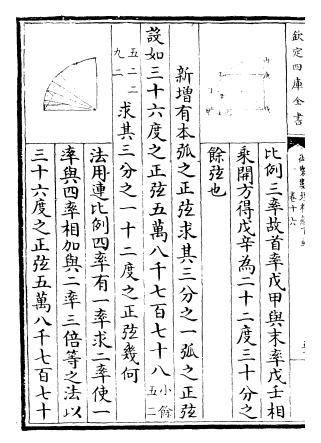
勾股形之戊辛弦 與戊壬股之比為連 之戊甲弦與戊辛股之比同於辛壬戊

P + こして 里美門 5回で 2回

為二十二度三十 分之餘弦戊已四十

乙辛為二十二度三十分之正弦戊辛

弦戊己與庚て等為四十五度之餘弦



之通程乃以半徑十萬自乗得一百億

五百五十七四

餘

○ <u>五</u> ○

為七十二度

五倍之得一十

用七十二度之通弦再乗得一千一百 -五兆五千七百零五億零四百五

法除實得四萬一千五百八十二 |因之得三百億為法按益實歸除之 八萬四千為實又以半徑十萬自垂

六為二十四度之通弦折半得

<u>p</u>.

御製 數理精 為下納

五十二

_

5



)



萬零七百九十 度之正弦也如甲乙丙九十度之 **庚戊兩半徑成一戊甲庚三角形又與** 倍之得甲己即甲乙己七十二度孤之 限其甲乙弧三十六度甲丁為其正 一弦武以七十二度取其三分之 四度為甲魚弧其通弦甲魚與甲

角形又依唐辛度向辛甲邊 ·徑截甲已通弦於辛成一庚甲辛

往



為二率庚辛為三率辛壬為四率也今 邊俱成相連比例故戊甲為一率甲魚 與戊甲兵三角形為同式形其相當各 甲己七十二度之通菇内有甲庚二率 唐辛壬三角 形此兩三角形俱

之三倍而少一辛壬四率盖己癸癸 辛玉一小段是甲己通甲魚二率等而癸壬辛 壬辛甲三二季而若以甲己通移為

高與一率半徑自来之方面相來所成

/ 御製數理精臨下編

2 5

J. 1.15

五十二

鉑 埞

半徑自乗之三方面為法除實每次所 漸增與三倍二率與一率半徑自乗之 得二率之數自乗再乗益入原積則積 二率自来再乗之正方體等故以一率

方面相乗所成之長方體合而除得之

方面相乗所成之扁方體此扁方體與

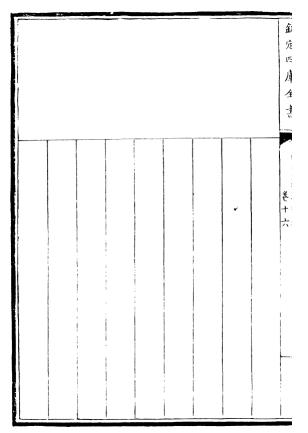
四率為髙與一率半徑自東之

之長方體則比三倍二率為高與 - 徑自乗之方面相乗所成之長方體

匹庫

全書

たこりも . 1.5 一一一仰製數理精為下給 度之正强也 度之通弦半之得甲子即甲丑孤十二 數即為二率既得甲庚二率為二十四 ガナニ



設 餘 如 正 相 弦 四 弦 四 餘 加 簡 + 各幾何 度之正弦四萬零六百七 九 弦 六 十九度之正 萬一千三百五十 五度之正弦七萬零七百一十 法 亦 正求 之有 七萬零七百一十 弦距 一一却製段理精為下編 弧正两 法 以半徑十萬為一率四十五度之正 弦弧 有之 距正 弦 六弦 及 十餘 两 四 度弦 弧 と小 前求 命 相 六餘 後雨 减 四五 三小 相弧 二四 二十一度之 五十四 五 等相 0 餘 求 餘 弧加 又 有 之相 兩 五六 正減 孤 四

歃 定 四庫 全書 萬零七百一十小餘六七 七百六十小餘六二三乃以两四率相 半徑十萬為一率四十五度之餘於七 萬四千五百九十七小命四一八又以十四十六四二五為三率求得四率六 **弦七萬零七百一十**一一八六 四度之正弦四萬零六百七十三 七五二為三率求得四率二萬八千 二十四度之餘弦九萬一千三百五 為二率二

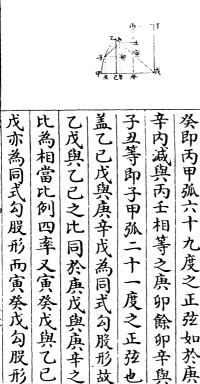
欴 定日車全書 海製製理精為下編 之一象限其乙甲孤四十五度乙己為 加得九萬三千三百五十八 四十五度之正弦已戊為四十五度 以两四率 四度得丙甲弧六十九度又於乙 **弦於乙甲弧四十五度加丙** 两弥相加所得六十九度之正 五九 相減 四 除三萬五千八百 即 如甲乙丙丁九十 啊 弧 相减 五十五 所餘 度

與庚子皆為二十四度之正弦與戊則

戊二十四度之餘弦為三率求得四率 為二十四度之餘弦令以乙戊半徑為 已戊四十五度之餘弦為二率丙庚二 庚辛與壬癸等又以乙戊半徑為一率 率乙己四十五度之正好為二率兵

則丙乙孤乙子孤皆為二十四度丙庚

甲孤二十一度試自丙至子作丙子線 孤四十五度減乙子 孤二十四度餘子



故以丙壬加於原辛兵等與共得丙

十四度之正弦為三率求得四率丙壬

盖乙己戊與庚辛戊為同式勾股形故 辛內減與丙壬相等之與卯餘卯辛與 子五等即子甲弘二十一度之正弦也)戊與乙己之比 同於庚戊與庚辛之

. . . 一一一年製製理精蘊下編 **戊亦為同式勾股形而寅癸戊勾股形**

į

华六

鉑 **灾匹庫全書** 等故亦為同式勾股形而乙戊與己戊 **庚壬線成丙壬庚勾股形則此形之丙** 尖相對角其度等癸角與庚角俱為直 之寅角與丙原寅勾股形之寅角為丙 角又為直角與乙己戊勾股形之已角 角既與乙已戊勾股形之戊 角等而壬 角其度又等則戊角必與丙角等如作 之比同於丙寅與丙壬之比為相當比

該 欴 如八八 百 之 E 9 弧 何 車 距 全 書 四 四度之孤距 百五十 一一御製數理精為下海 度 五 九五 四萬零六百七十 五 五小 四度之 三餘 四 度 孤二十 JE, 百 九 正 Ł 弦 内减三十 四 又有三十六 + 弦 九萬九千四 度 五萬八千 四度之正 六度 弦 百



為

-四度之

正殁

則

以三

六

度

五萬

百

Ł

四度

₹

正

弦四

凹

六百七十三

度前二十 四度之正弦 百 四度為三十六度 四 求 È 距 六十 四萬零六百七 度後二十 二餘 九五

即

距弧二十

四度之

正弦也

如 有

距

其正 £



度之正弦四萬零六百七十 四百五十二 四度之 度之正弦則以八十 七求距六十度前二十四度為三 四度為八十四度其正弦九萬九)正弦也又如有距六十

. 三餘

九

距弧二十

四

九千四百五十

五川

一度後

弧二十四度之正 九千四百五十

五小

三餘

四度之正弦

一知製敗理情總下病

弦 四萬零六百七十

五十八

己甲孤六十度丙甲孤八十四度丙距

戊作己戊線又自丙至乙作丙乙線 亦二十四度丙庚為八十四度之正弦 壬為兩正弦之敷試自己至象限中心 己二十四度乙甲孤三十六度乙距己 乙辛為三十六度之正弦與壬與等丙

弦也如甲乙丙丁九十度之一**象限其**

二餘 九五 二二 四 相減餘五萬八千七百 五即三十六度之正

飲定四庫全書

近乞日車至書 一門一种製數理精總下病

與丙壬兩正弦之較相等盖已戊甲角 丙癸癸乙皆為距孤 二十 四度之正弦

線則乙癸子與丙癸子為同式勾股形 為三十度丙癸子角為直角則子丙癸一 六十度則己戊丁角為三十度丙原與 癸乙子角亦必為六十度癸子乙角亦 角必為六十度矣又自己至子作て子 二平行線上所成之內外角光相等皆 丁戊平行則丙子已角與丁戊已角為

サル

壬為丙子之半丙癸為丙乙之半丙子

則以各距孤之正弦與之 既與丙乙等故丙壬亦必與丙癸等也 此法凡有六十度以前各孤之正弦

度以後各孤之正弦則以各距弧 以後三十度各孤之正弦若有六

相加可得六

度矣三角度既等則三邊必相等今丙

心為三十度兩勾股形合之共成一丙 乙子三角形而丙子乙角亦必為六十



度各孤之正弦六十度前後三十度之

正弦與之相減可得六十度以前三十

正弦用加減而即得較之勾股比例諸 法甚為簡便也

· 華製及里情福下編

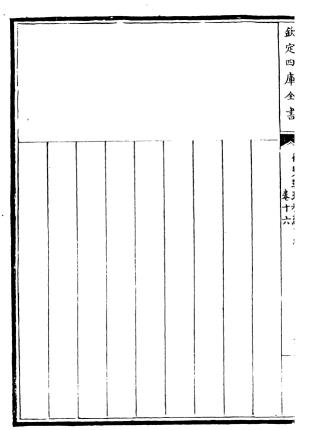
六十











設 ĸ E 如四十八度之正強七萬四千三百一 **求正矢正切正割各幾何** e 6 線相 四餘弦六萬六千九百一十三 Ŀ 5 求 法以半徑十萬内減四十八度之餘 六萬六千九百一十三 矢以餘弦六萬六千九百一十三 二萬三千零八十六小 六二為一率正弦七萬四千三百 六小 六餘 三餘 主 三餘 四



兌

求得四率一十四萬九千四百四十 徑十萬為二率仍 戊等乙丙為正矢故乙戊半徑内減 -九百一 八六六四為正割也如園甲乙弧 四 八飲 三二 O 五 度甲丙為正弦甲丁為餘茲與丙 求得四率 四 餘 為二率半徑十萬為 以半徑十萬為三奉 -t刀 五

四四

以餘弦六萬六

千零六十



)正切之比為相當比例四率又丙戊

又正切求正割捷法以餘弧折半得二

却以及里情塩下油

與己戊正割之比亦為相當比例四率

餘弦與甲戊半征之比同於乙戊半

與甲丙正弦之比同於乙戊半徑與己 乙戊两勾股形為同式形故丙戊餘弦

矢己て為正切己戊為正割甲丙戊己

甲丁餘弦相等之丙戊餘乙丙即為



加得 六五

圖甲乙弧四十八度己乙為正切己戊 正割試將甲與餘弘四十二度折半 四 十四萬九十四百四十 即為本孤之正割也

得庚辛二十一度移於乙壬又作乙

癸

為乙壬孤二十一度之正切與己乙

正切一

如

千三百八十六二

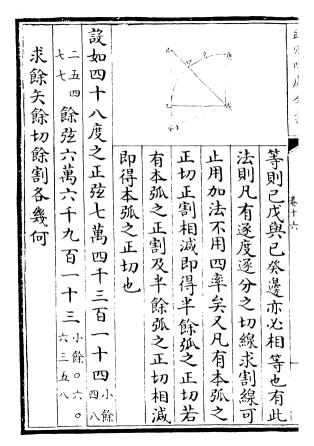
萬一千零六十一

度乃以二十

·一度之正切三萬

飲定四庫全書

たこり 自 · ト · 一 · 体製數理精為下級 角四十八度已て戊角為直角九十 戊癸已角戊癸己角既與己戊癸角相 今於甲戊乙角四十八度加乙戊壬角 加得已癸與已戊正割相等盖甲戊乙 二角併之為一百三十八度於一百八 仍與戊已て角四十二度相加於一百 二十一度遂成已戊癸角為六十九度 八十度内滅之所餘亦六十九度即為 度内減之餘四十二度為戊已乙角 六十三



ş. 為三率求得四率九萬零四十 七萬四千三百一十 中四小除四八二為一率半徑十萬一九為餘切以正弦七萬四千三百 萬五千六百八十 大二五為一率餘強六萬六夫以正於七萬四千三百一 十萬内減四十八度之正 餘強六萬六千九 五 為二率半徑十 四 五餘 四餘 七四 四 四餘 百 餘小

強之比同於已戊半 徑與與已餘切之 餘切與戊為餘割甲丁戊與己戊兩勾 相等之丁戊餘已丁即為餘矢與己為 為餘矢故已戊半徑內減與甲丙正於 股形為同式形故丁戊正弦與甲丁餘

丙為正弦與丁戊等甲丁為餘弦已丁 七為餘割也如圖甲乙孤四十八度甲

奉仍以半徑十萬為三率求得四率 十三萬四千五百六十三

定匹 1 生意

鈁

欴 定 19 庫 全 書 御製數理精為下記 之比 即 五百二十 四度乃以二十 -徑之比同於已戊半 相當比 切求餘割捷 九萬零四十 為本弧之 萬四千五 亦為 例 相當比例四率也 五小 餘 四率 法 三餘 四度之正 割 百 又丁戊正弦與 ソス b 六 餘 本 六 九四 如 弧 徑與庚戊 圖 と 0 折半得 切四萬 甲 179 弧 カロ さ 四

减之餘四十八度為戊庚已角今於甲 癸與庚戊餘割相等盖甲戊已角四十 孤二十四度之正切與與己相加得與 試將甲乙正孤四十八度折半得辛 十八度庚已為其餘切庚戊為其餘割 戊已角四十二度加已戊壬角二十 併為一百三十二度於一百八十度 二十四度移於壬已又作癸已為壬己 一度與已戊角為直角九十度二角相 内

2 ò g., 内减之所餘亦為六十六度即為戊癸 唐己角四十八度 相加於一 百八十度 **唐角戊癸唐角既與唐戊癸角相等則** 切餘割相減即得半本弧之正切若有 **庚戊與庚癸邊亦必相等也** 度遂成原戊癸角 為六十六度仍與戊 御製數理精為下納 有逐度逐分之切線来 弧之餘割及半本弧之正切相減 加法不用四率矣又凡有本孤之餘 餘割亦可 有此法則

得本弧之餘切矣

求 聚限内各線總法

六宗併新増十八邊形及九邊形之每邊各半之得八

分之正弦復求其三分之一即得五分之正弦既得五 四十五分之正弦復用新增法求其三分之一得十五 孤之正弦用要法之一各求其餘弦次取十二度 + 用要法之三折半四次得六度三度一度三十分及

民 乞曰事 全十二一人御製数理精為下為

六十七

五分而得一弦可得七百二十又用簡法之二求六十

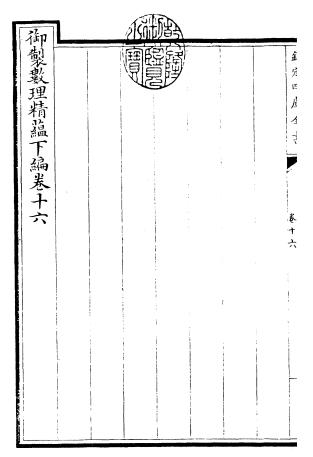
分之正弦乃用簡法之一求六十度以內之正弦每越

度 弦 至 得 分之弧 汉 分三十秒之弦復用新增法求其三分之一得五十 外 弦 Œ 弦 之 為千 乃 Œ 化六十秒為三率得四率為一分之強既 得度與與 以五十秒之孙 五四 千零八十已居全表五分之一 弦 分百 八之五五 之故 十弦 ++ 亦 越 九典 也千再 度三 五分而 度度 之十 **之**之 以五分之弦用要法之三得 弦 弦 ,為一率五十秒之弦為二率 弦 也度 相相 得一弦又得三百六 之 טם טע 總 即即 而 六六 + 計之一象 + 二一 度度 ささ 限 限 中 中

即得每秒之八線也 矣如於一分之中欲析為六十秒則以比例四率求之 **弦則用前八線相求之法即得每度每分之切割諸線** 衆限中每度每分之正弦悉得矣既得每度每分之正 一分之弦即用簡法之一簡法之二錯綜加減之則

こり声

六十八



- s

終材官居力

官庶古士臣張能的

銀監生臣劉

圖監生臣李